

összesen 50 pont : elégséges 40%

A1. Milyen a tárgyból megismert módszert tudna alkalmazni adatbányászati problémákra és miért? (vendéglőadás alapján) (2 pont)

A2. Logika MI alkalmazásai szempontjából milyen következményei vannak annak, hogy a tudás modellezésére alkalmazott logika monoton, vagy sem? Ítéletlogika monoton? Predikátum kalkulus monoton? (2 pont)

A3. Van-e (és milyen, magyarázat!) kapcsolat a korlátozáskielégítési probléma és egy ítéletlogikai állítás kielégítési (modellkeresési) vizsgálata között? (3 pont)

A4. Ha az  $X_t$ , ill. az  $X_{t_1:t_2}$  (az  $E_t$ , ill. az  $E_{t_1:t_2}$ ) a  $t$  időpillanathoz, ill. a  $t_1, t_1+1, \dots, t_2$  időpillanatokhoz tartozó rendszerállapot (evidenciaállapot), akkor a  $P(\dots)$  valószínűség argumentumainak megfelelő megválasztásával adja meg a:

(a) szűrés,

(b) jóslási, és

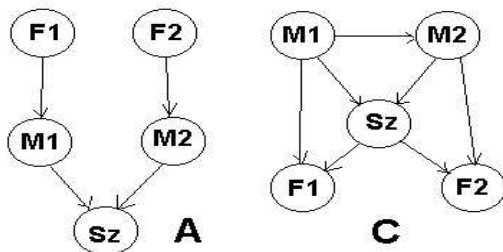
(c) simítási feladatoknak képletszerű definícióját!

(d) Ha egy  $X_t$  állapotot szűrünk, jósolunk, ill. simítunk, akkor melyik esettől várjuk el a legnagyobb pontosságot és miért? (4 pont)

A5. A közgazdászok a rizikót kerülő ember pénzhasznosság érzetét sokszor exponenciális  $U(x) = R \cdot (1 - \exp(-x/R))$  képlettel modellezik, ahol  $R$  egy pozitív konstans ( $x$ -szel azonos dimenziójú), amely az egyén rizikótűrését fejezi ki. Tegyük fel, hogy Béla megelégedett egy fix 100 Ft-os összeggel, ahelyett, hogy kockáztasson egy  $[.1, 0; .9, 200]$  alakú sorsjátékot. Hogyan számítaná ki, hogy legalább (legfeljebb) milyen lehetne a Béla hasznosság képletében szereplő  $R$  konstans? (egy kis algebra a végén nagyon segít, a megoldást vigye a kalkulátor használatáig) (5 pont)

A6. Megerősítéses tanulásnál beszéltünk az állapottér explicit és implicit ábrázolásáról. Magyarázza meg, miről van itt szó és milyen problémák húzódnak a háttérben? (2 pont)

A7. Magyarázza meg (képletek szintjén), hogyan lehetne az A. ill. a C. háló (valószínűségei) alapján kiszámítani a  $P(M_1 | M_2)$  valószínűséget? (4 pont)



A8. Modellezzük a szalonnasütést következőképpen:

Ha távol vagyunk a tűztől, nem égetjük meg magunkat.

Ha szalonna a tűzön van, megsül.

Ha nyárson tartunk valamit a tűz felett (tehát tűztől távol), az megsül (mert a tűzön lesz), de nem égetjük magunkat.

$\forall x \text{ Kéz}(x) \wedge \text{TávolTűztől}(x) \rightarrow \text{NemÉg}(x).$

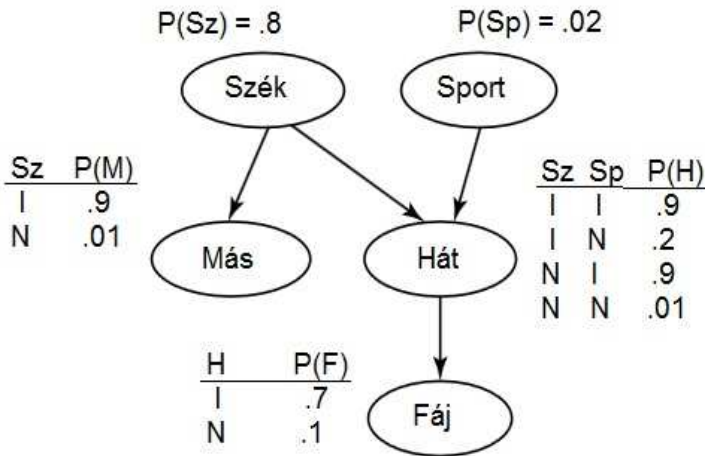
$\forall x \text{ Étél}(x) \wedge \neg \text{TávolTűztől}(x) \rightarrow \text{MegSül}(x).$

$\forall x,y \text{ Étél}(x) \wedge \text{Kéz}(y) \wedge \text{NyársonTart}(x,y) \rightarrow \text{TávolTűztől}(y) \wedge \neg \text{TávolTűztől}(x).$

Tudjuk persze azt is, hogy:  $\text{Étél}(\text{Szalonna}). \text{Kéz}(\text{Kezem}). \text{NyársonTart}(\text{Szalonna}, \text{Kezem}).$

Vajon elérjük-e az áhított eredményt, azaz, hogy:  $\text{MegSül}(\text{Szalonna}) \wedge \text{NemFáj}(\text{Kezem})$  igaz lesz-e ?  
Mielőtt tüzet gyűjtenénk, lássuk be a vonatkoztatás bizonyítással! (7 pont)

A9. Számítsa ki a háló alapján, hogy mi a  $P(\text{Fáj} \mid \text{Más, Sport})$  valószínűség értéke? (6 pont)



A10. Egy robot Q-tanulással tanulja az optimális eljárásmodot. A robot környezete 2 db S1 és S2 állapotból áll. Mindegyik állapotban 2 db a1 és a2 cselekvést lehet alkalmazni. A tanulási tényező (bátorsági faktor) és a leszámoltatási tényező egyformán 1/2. A robot 4 db példát dolgoz fel:

- I. (kiindulás = S1, cselekvés = a1, jutalom = 10, vége = S2)
- II. (kiindulás = S2, cselekvés = a2, jutalom = -10, vége = S1)
- III. (kiindulás = S1, cselekvés = a2, jutalom = 10, vége = S1)
- IV. (kiindulás = S1, cselekvés = a1, jutalom = 10, vége = S1)

Frissítse fel futamonként a Q-érték táblázatát (a táblázat eredetileg 0-ra legyen inicializálva). Adja meg az alkalmazott frissítési egyenletet!

Kiindulás:

	a1	a2
S1	0	0
S2	0	0

I. példa:

	a1	a2
S1	?	?
S2	?	?

II. példa:

	a1	a2
S1	?	?
S2	?	?

III. példa:

	a1	a2
S1	?	?
S2	?	?

IV. példa:

	a1	a2
S1	?	?
S2	?	?

Milyen optimális eljárásmodot tanult meg a robot? (5 pont)

A11. Aktív megerősítéses tanulást végzünk, a rendelkezésre álló cselekvések  $a1$  és  $a2$ , ezeket az összes állapotban végrehajthatjuk (kivéve a végállapotot). 8 állapot van (egyszerűen az 1,2,3,...,8 sorszámokkal jelöltük őket), az állapot-átmenet mátrix az egyes cselekvések választása esetén:

$a1$  választásakor,  $P(s \rightarrow s'|a1)$

$s \setminus s'$	1	2	3	4	5	6	7	8
1	0	0,2	0,2	0,1	0	0	0,5	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0,5	0,1	0	0,2	0	0,2	0	0
4	0,1	0	0	0	0,1	0	0	0,8
5	0,5	0	0	0	0	0	0,5	0
6	0	0	0	0,2	0,2	0	0,2	0,4
7	0	0	0	0,3	0,2	0,5	0	0
8	0	0	0,6	0	0,2	0,2	0	0

$a2$  választásakor,  $P(s \rightarrow s'|a2)$

$s \setminus s'$	1	2	3	4	5	6	7	8
1	0	0,2	0	0,1	0	0,2	0,3	0,2
2	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0,1	0,4	0	0,5	0	0	0	0
4	0,1	0	0,6	0	0,1	0	0	0,2
5	0,5	0,1	0	0	0,2	0	0,2	0
6	0	0	0	0,2	0,4	0	0	0,4
7	0,1	0	0	0,3	0,2	0,2	0,2	0
8	0	0	0,4	0	0,2	0,2	0	0,2

Az állapotok valódi hasznosságértékei:

$s$	1	2	3	4	5	6	7	8
$U(s)$	+1	+20	-4	-10	0	+10	+3	5

Adja meg az adott állapotra vonatkozó optimális eljárásmodot meghatározó képletet! Mi lesz az optimális eljárásmodunk (optimális stratégiánk) az  $s=3$ -al jelölt állapotban? (5 pont)

A12. A következő – bináris döntést végző – döntési fát tanítottuk egy mintahalmaz alapján. A példák a [negatív példák, pozitív példák] módon vannak feltüntetve. Eredetileg 5000-5000 tanítópélda volt mindkét osztályból. Az egyes csomópontok mellett (jobbra) található két szám azt mutatja, hogy abba a csomópontba hány negatív, illetve hány pozitív tanítópélda jutott el. Adja meg a levélcsoomópontok besorolását és ennek alapján döntse el, hogy a fában milyen a Hamis Pozitív ill. Hamis Negatív besorolások %-a ? (5 pont)

